

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ
Запорізький національний технічний університет

МЕТОДИЧНІ ВКАЗІВКИ

до лабораторних робіт з дисципліни «Оптимізація інженерних та
проектних рішень обладнання енергоємних виробництв»
для студентів спеціальності 141
“Електроенергетика, електротехніка та електромеханіка”
денної форми навчання

2018

Методичні вказівки до лабораторних робіт з дисципліни “Оптимізація інженерних та проектних рішень обладнання енергоємних виробництв” для студентів спеціальності 141 “Електроенергетика, електротехніка та електромеханіка” денної форми навчання / Укл.: М. І. Коцур, П. Д. Андрієнко, Ю.С. Безверхня. – Запоріжжя: ЗНТУ, 2018. 39 с.

Укладач: М. І. Коцур, доцент, канд. техн. наук
П. Д. Андрієнко, проф., д-р техн. наук
Ю.С. Безверхня, аспірант

Рецензент: О. В. Близняков, доцент, канд. техн. наук

Відповідальний
за випуск: Р. Е. Мохнач, зав. лаб. каф. ЕЕА

Затверджено
на засіданні кафедри
“Електричні та електронні апарати”
Протокол № 2
від “14” березня 2018р.

Рекомендовано до видання НМК
Електротехнічного факультету
Протокол №8
від “29” березня 2018р.

ЗМІСТ

Вступ.....	4
Лабораторна робота № 1 Знаходження екстремальних значень функції від однієї змінної.....	5
Лабораторна робота № 2 Знаходження оптимального значення функції методом золотого перетину.....	9
Лабораторна робота № 3 Знаходження оптимального значення функції методом p - квадратичного наближення.....	12
Лабораторна робота № 4 Оптимізація параметрів еквівалентного кола "індуктор – п-резонансний контур" методом Нелдера-Мида.....	17
Лабораторна робота № 5 Оптимізація параметрів еквівалентного кола "індуктор – п-резонансний контур" методом найшвидшого спуску.....	24
Лабораторна робота № 6 Вивчення методів оптимізації за допомогою засобів Optimization Toolbox Matlab.....	30
Рекомендована література	34

ВСТУП

При експериментальних дослідженнях часто зустрічається завдання представлення якоїсь залежності, заданої окремими точками, у вигляді гладкої функції. Завдання оптимізації - завдання, що дозволяють вибрати на множині можливих напрямків ті з них, які забезпечують найбільш ефективне (з погляду певного критерію) досягнення до поставленої мети.

У розв'язку будь-якої практичної оптимізаційного завдання існує кілька етапів.

На першому етапі визначають границі досліджуваної системи, що дозволяє сформулювати деяке завдання виду $f(x) \rightarrow \min$, яке необхідно розв'язати.

Наступним етапом є вибір математичного методу, який би забезпечував одержання кінцевих результатів з найменшими витратами на обчислення або ж давав можливість одержати найбільший обсяг інформації про шуканий розв'язок. Вибір того або іншого методу в значній мірі визначається постановкою оптимального завдання, а також використанням математичних моделей об'єкта оптимізації.

У цей час розроблене безліч чисельних методів для завдань як безумовної, так і умовної оптимізації. Природним є прагнення вибрати для розв'язку конкретного завдання найкращий метод, що дозволяє за найменший час використання ПК одержати розв'язок із заданою точністю.

Якість чисельного методу характеризується багатьма факторами: швидкістю збіжності, часом виконання однієї ітерації, обсягом пам'яті ПК, необхідним для реалізації методу, класом розв'язуваних завдань і т.д. Розв'язувані завдання також досить різноманітні: вони можуть мати високу й малу розмірність, бути унімодальними і багато екстремальними і т.д. Той самий метод, ефективний для розв'язку завдань одного типу, може виявитися зовсім неприйнятним для завдань іншого типу. Тому для розв'язку поставлених завдань дуже корисно знати основні властивості, специфіку методів оптимізації. Це забезпечує здатність правильно орієнтуватися в різних ситуаціях розрахунків, що виникають у їх процесі, і щонайкраще розв'язати завдання.

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА 1

ЗНАХОДЖЕННЯ ЕКСТРЕМАЛЬНИХ ЗНАЧЕНЬ ФУНКЦІЙ ВІД ОДНІЄЇ ЗМІННОЇ

Мета роботи: Вивчення та надбання навичок щодо знаходження екстремальних значень функції $f(x)$.

1.1. Короткі теоретичні відомості

Функція $f(x)$ має **локальний мінімум** у точці $x = p$, якщо існує такий відкритий інтервал I , що містить p , при умові $f(p) \leq f(x)$ для всіх $x \in I$.

Функція $f(x)$ має **локальний максимум** у точці $x = p$, при умові, що $f(x) \leq f(p)$ для всіх $x \in I$. Якщо функція $f(x)$ має або локальний мінімум, або локальний максимум у точці $x = p$, то говорять, що вона має **локальний екстремум** у точці $x = p$.

Критерій першої похідної. Припустимо, що функція $f(x)$ безперервна на відрізку $I = [a; b]$. Крім того, припустимо, що $f'(x)$ визначена для всіх $x \in (a, b)$ за винятком, можливо, точки $x = p$.

Якщо $f'(x) < 0$ на інтервалі (a, p) і $f'(x) > 0$ на (p, b) , то $f(p)$ — локальний мінімум.

Якщо $f'(x) > 0$ на інтервалі (a, p) і $f'(x) < 0$ на (p, b) , то $f(p)$ — локальний максимум.

Критерій другої похідної. Припустимо, що функція $f(x)$ безперервна на відрізку $[a; b]$ і $f'(x)$ і $f''(x)$ визначені на (a, b) . Також припустимо, що $p \in (a, b)$ — критична крапка, у якій $f'(p) = 0$.

Якщо $f''(p) > 0$, то значення $f(p)$ є локальним мінімумом $f(x)$.

Якщо $f''(p) < 0$, значення $f(p)$ є локальним максимумом $f(x)$.

Якщо $f''(p) = 0$, то цей критерій не є остаточним.

1.2 Хід роботи

1.2.1 Визначити інтервали функції $f(x)$, де вона зростає (зменшується) згідно заданого варіанта (табл. 1.1).

1.2.2 Доведіть або спростуйте, що функція $f(x)$ є унімодальною у межах заданого інтервалу (табл. 1.1).

1.2.3. Оформити звіт з лабораторної роботи

Таблиця 1.1 – Варіанти завдань

Номер завдання	Номер варіанта	
1.2.1	1	$f(x) = 2x^3 - 9x^2 + 12x - 5;$
	2	$f(x) = x^2/(x + 1);$
	3	$f(x) = (x + 1)/x^2;$
	4	$f(x) = x^2 - 2;$
	5	$f(x) = 25x^3 - 8x^2 + 14x - 2;$
	6	$f(x) = 14x^3 + 2x^2 - 4x + 52;$
	7	$f(x) = x^2 - x - 2;$
	8	$f(x) = x^2 - 4x + 6;$
	9	$f(x) = 26x^2 - 4x + 1;$
	10	$f(x) = 18x^2 + 87x + 6;$
2.2.2	1	$f(x) = x^2 - 2x + 1; [0; 4]$
	2	$f(x) = \cos(x); [0; 3]$
	3	$f(x) = x^2 - 4 [1; 10]$
	4	$f(x) = -x(3-x)^{5/3}; [0; 3]$
	5	$f(x) = x^2 - x - 2; [0; 78]$
	6	$f(x) = x^2 - 4x + 6; [-5; 14]$
	7	$f(x) = 26x^2 - 4x + 1; [0; 35]$
	8	$f(x) = 18x^2 + 87x + 6; [1; 10]$
	9	$f(x) = 2x^3 - 9x^2 + 12x - 5; [0; 78]$
	10	$f(x) = x^2 - 4 [-8; 25]$

1.3 Приклад алгоритму розрахунку

Програма розрахунку виконується у середовищі MatLAB за допомогою створення m-файлу.

Для завдання 1.2.1. текст програми має вигляд:

```
dfun=inline('3.*x.^2+4*x+84');
x=[-1:0.03:1];
% the sign for the first interval and store it into "znak". The value 0 for
% "-" and 1 for "+"
k=1;
if dfun(x(k))> 0
    znak(k)=1;
else znak(k)=0;
end
% store the first interval value at which the function corresponds to "znak"
interval=x(k);
% iteration for the derivative value, the change in function sign is stored
for i=2:length(x)
    y=dfun(x(i));
    if dfun(x(1))> 0
        z=1;
    else z=0;
    end
    if znak(k) ~= z
        k=k+1;
        interval(k)=x(i);
    end
end
if length(interval)== 1
    interval(k+1)=x(i);
end
```

Для завдання 1.2.2. текст програми має вигляд:

```
a=0;
b=4;
dfun=inline('2*x-2');
x=[a:0.1:b];
```

```

y=dfun(x);
k=1;
m(1,1)=0;
flag=0;
for i=1:length(x)
    if y(i)==0
        m(k)=i;
        k=k+1;
        flag=1;
    end
end
plot(x,y);
if flag==1
for i=1:length(m)
    if (y(m(i)-1) < y(m(i))) && (y(m(i)+1) > y(m(i)))
        unim=1;
    else
        unim=0;
        break;
    end
end
else
    unim=0;
end
end

```

1.4 Контрольні запитання

1. Надайте визначення локального мінімуму та локального максимуму функції $f(x)$;
- 2 Надайте визначення зростаючої та спадаючої функції;
3. Надайте визначення унімодальної функції;

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА 2

ЗНАХОДЖЕННЯ ОПТИМАЛЬНОГО ЗНАЧЕННЯ ФУНКЦІЇ МЕТОДОМ ЗОЛОТОГО ПЕРЕТИНУ

Мета роботи: Вивчення та надбання навичок щодо знаходження оптимального значення функції методом золотого перетину.

2.1. Короткі теоретичні відомості

Нехай $r \in [0; 1]$ — початковий інтервал. Якщо $0,5 < r < 1$, то $0 < 1 - r < 0,5$ і інтервал ділиться на три під інтервали: $[0; 1 - r]$, $[1 - r; r]$ і $[r; 1]$. У процесі розв'язку використовується або стиск вправо й одержання нового інтервалу $[0; r]$, або стиснення уліво й одержання інтервалу $[1 - r; 1]$. Потім отримані під інтервали далі діляться на три під інтервали в такому ж співвідношенні, як у випадку з інтервалом $[0; 1]$.

Таким чином, необхідно так вибрати r , щоб одна зі старих точок була в правильному положенні щодо нового інтервалу. Із цього випливає, що відношення $(1 - r) : r$ таке ж, як і $r : 1$. Отже, r задовольняє рівнянню $1 - r = r^2$, яке можна записати у вигляді квадратного рівняння виду $r^2 + r - 1 = 0$.

Розв'язок r , що задовольняє нерівності $0,5 < r < 1$, дорівнює $r = (\sqrt{5} - 1) / 2$.

Функція $f(x)$ повинна задовольняти особливим умовам, які гарантують існування дійсного мінімуму на інтервалі, щоб можна було використовувати пошук мінімуму функції $f(x)$ методом золотого перетину.

2.2 Хід роботи

2.2.1. Визначити локальний мінімум методом золотого перетину функції виду $f(x)$ з точністю до третього знаку з кроком 0,1. Номер варіанта згідно табл.1.1.

2.2.1. Визначити локальний мінімум методом золотого перетину функції виду $f(x)$ з точністю до восьми десятинних знаків з кроком 0,01.

2.2.3. Оформити звіт з лабораторної роботи.

2.3 Приклад алгоритму розрахунку

Програма розрахунку виконується у середовищі MatLAB за допомогою створення m-файлу.

```
function Maximum(a,b,eps)
function [S,E,G] =golden(f,a,b,delta,epsilon)
r1=(sqrt(5)-1)/2;
r2=r1^2;
h=b-a;
ya=feval(f,a);
yb=feval(f,b);
c=a+r2*h;
d=a+r1*h;
yc=feval(f,c);
yd=feval(f,d);
k=1;
A(k)=a;
B(k)=b;
C(k)=c;
D(k)=d;
while(abs(yb-ya)>epsilon)|(h>delta)
    k=k+1;
    if(yc<yd)
        b=d;
        yb=yd;
        d=c;
```

```

    yd=yc;
    h=b-a;
    c=a+r2*h;
    yc=feval(f,c);
else
    a=c;
    ya=yc;
    c=d;
    yc=yd;
    h=b-a;
    d=a+r1*h;
    yd=feval(f,d);
end
A(k)=a;
B(k)=b;
C(k)=c;
D(k)=d;
end
dp=abs(b-a);
dy=abs(yb-ya);
p=a;
yp=ya;
if(yb<ya)
    p=b;
    yp=yb;
end
G=[A' C' D' B'];
S=[p yp];
E=[dp dy];

```

2.4 Контрольні запитання

1. У чому полягає метод золотого перетину?
2. Чим відрізняється метод золотого перетину від методу інтервалів?
3. Чим відрізняється метод золотого перетину від методу Фібоначчі?

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА 3

ЗНАХОДЖЕННЯ ОПТИМАЛЬНОГО ЗНАЧЕННЯ ФУНКЦІЇ МЕТОДОМ P - КВАДРАТИЧНОГО НАБЛИЖЕННЯ

Мета роботи: Вивчення та надбання навичок щодо знаходження оптимального значення функції методом p - квадратичного наближення.

3.1. Короткі теоретичні відомості

Знаходження мінімуму функції за допомогою квадратичного наближення, необхідно знайти таке значення $p_{\min}$, яке є наближенням до p . Для цього використовується поліном Лагранжа, який має вигляд:

$$Q(x) = \frac{y_0(x-p_1)(x-p_2)}{2h^2} - \frac{y_1(x-p_0)(x-p_2)}{h^2} + \frac{y_2(x-p_0)(x-p_1)}{2h^2} \quad (3.1)$$

Похідна від $Q(x)$ дорівнює

$$Q'(x) = \frac{y_0(2x-p_1-p_2)}{2h^2} - \frac{y_1(x-p_0-p_2)}{h^2} + \frac{y_2(2x-p_0-p_1)}{2h^2}; \quad (3.2)$$

Запишемо $Q'(x) = 0$ у вигляді $Q'(p_0+h_{\min})=0$:

$$0 = \frac{y_0(2(p_0+h_{\min})-p_1-p_2)}{2h^2} - \frac{y_1(4(p_0+h_{\min})-2p_0-2p_2)}{2h^2} + \frac{y_2(2(p_0+h_{\min})-p_0-p_1)}{2h^2} \quad (3.3)$$

Помножимо кожний член в (3.3) на $2h^2$ та поєднаємо члени, які містять $h_{\min}$:

$$\begin{aligned} -h_{\min} (2y_0 - 4y_1 + 2y_2) &= y_0 (2p_0 - p_1 - p_2) - y_1 (4p_0 - 2p_0 - 2p_2) \\ y_2 (2p_0 - p_0 - p_1) &= y_0 (-3h) - y_1 (-4h) + y_2 (-h). \end{aligned} \quad (3.4)$$

Останнє рівняння легко одержати відносно $h_{\min}$:

$$h_{\min} = \frac{h(4y_1 - 3y_0 - y_2)}{4y_1 - 2y_0 - 2y_2}. \quad (3.5)$$

Значення $p_{\min} = p_0 + h_{\min}$ є кращим наближенням до p , чому p_0 . Тому можна замінити p_0 на $p_{\min}$ і повторити схему двох описаних вище процесів, щоб визначити нову довжину кроку h і нове $h_{\min}$. Ітерація триває до необхідної точності.

3.2 Хід роботи

3.2.1 Визначити локальний мінімум, використавши квадратичне інтерполювання функції виду $f(x)$ з точністю до восьми десятинних знаків. (номер варіанту за табл.1.1);

3.2.1. Визначити локальний мінімум, використавши квадратичне інтерполювання функції виду $f(x)$ з точністю до десяти десятинних знаків.

3.2.3. Оформити звіт з лабораторної роботи.

3.3 Приклад алгоритму розрахунку

Програма розрахунку виконується у середовищі MatLAB за допомогою створення m-файлу.

```
function [p, yp, dp, dy] =quadmin (f1,a,b,delta, eps)
% - f - function
% - a, b - interval extremal points
% - delta – admissible value for absciss
% - eps - admissible value for ordinate
```

```

% - p - min of absciss
% - yp - min ordinate
% - dp - p-error
% - dy - yp-error
% - P - iteration vector
p0=a; maxj=20;
maxk=30;
big=1e006;
err=0.9;
k=1;
cond=0;
h=1;
if(abs(p0)>1e004),
    h=abs(p0)/1e004;
end
while(k<maxk&&err>eps&&cond~=5)
    f2=(feval(f1,p0+0.00001)-feval(f1,p0-0.00001))/0.00002 ; if(f2>0),h=-
abs(h);end
    pl=p0+h; p2=p0+2*h;
    pmin=p0;
    y0=feval(f1,p0);
    y1=feval(f1,pl);
    y2=feval(f1,p2);
    ymin=y0;
    cond=0;
    j=0;
% h under condition y1<y0&y1<y2
    while(j<maxj&&abs(h)>delta&&cond==0)
        if (y0<=y1),
            p2=pl;
            y2=y1;
            h=h/2;
            pl=p0+h;
            y1=feval(f1,pl);
        else
            if(y2<y1),
                pl=p2;
                y0=y2;
                h=2*h;
                p2=p0+2*h;
                y2=feval(f1,p2);
            end
        end
    end
end

```

```

else
    cond=-1;
end
end
j=j+1;
if (abs(h)>big || abs(p0)>big),cond=5; end
if(cond==5), pmin=pl;ymin=feval(f1,pl); end
% Quadratic interpolation for yp finding
d=4*y1-2*y0-2*y2;
if(d<0), hmin=h*(4*y1-3*y0-y2)/d;
else
    hmin=h/3;
    cond=4;
    pmin=p0+hmin;
    ymin=feval(f1,pmin);
    h=abs(h);
    h0=abs(hmin);
    hl=abs(hmin-h);
    h2=abs(hmin-2*h);
% Next h value determination
    if(h0<h),
        h=h0;
    end
    if(hl<h),
        h=hl;
    end
    if(h2<h),
        h=h2;
    end
    if(h==0),
        h=hmin;
    end
    if(h<delta),
        cond=l;
    end
    if (abs(h)>big||abs(pmin)>big),
        cond=5;
    end
end
% Stop criterion
e0=abs(y0-ymin);

```

```

el=abs(y1-ymin) ;
e2=abs(y2-ymin);
  if(e0~=0 || e0<err),
    err=e0;
  end
  if(el~=0 || err),
    err=el;
  end
  if (e2~=0 || 2<err),
    err=e2;
  end
  if (e0~=0 || el==0 || e2==0),
    err=0;
  end
  if(err<eps),
    cond=2;
  end
p0=pmin;
k=k+1;
  end
if(cond==2&&h<delta),
  cond=3;
end
end
p=p0;
dp=h;
yp=feval(f1,p);
dy=err;

```

3.4 Контрольні запитання

1. У чому полягає метод p - квадратичного наближення?
2. Чим відрізняється метод p - квадратичного наближення від методу інтервалів?
3. Чим відрізняється метод золотого перетину від методу p - квадратичного наближення?

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА 4

ОПТИМІЗАЦІЯ ПАРАМЕТРІВ ЕКВІВАЛЕНТНОГО КОЛА "ІНДУКТОР – N-РЕЗОНАНСНИЙ КОНТУР" МЕТОДОМ НЕЛДЕРА-МИДА

Мета роботи: Освоїти та реалізувати алгоритм оптимізації цільової функції одно - та багато резонансних контурів методом Нелдера-Мида.

4.1. Короткі теоретичні відомості

У процесах індукційної плавки для ефективного перемішування розплаву співвідношення потужностей визначається співвідношенням частот $P_{\text{нч}}^* = P_{\text{нч}} / P_{\text{вч}} = \sqrt{\omega_{\text{нч}} / \omega_{\text{вч}}}$. При цьому рядом теоретичних досліджень і багаторазових практичних розробок встановлено, що ефективне нагрівання металу при мінімальних масо габаритних показниках перетворювача досягається на високій частоті, що перебуває в діапазоні $\omega_{\text{вч}} = [10 \dots 20 \text{ Гц}]$. Тому істотне зменшення потужності перемішування, переданої на низькій частоті, можливо при застосуванні частот $\omega_{\text{нч}} = [20 \dots 100 \text{ Гц}]$;

Індуктор в одно- багаточастотном режимі має різні значення імпедансу на різних частотах, тобто складові імпедансу індуктора залежать від частоти $R_n(\omega)$, $L_n(\omega)$.

4.2 Метод Нелдера-Мида

Симплекс-Метод знаходження локального мінімуму функції від декількох змінних винайдений Нелдером і Мидом. Для двох змінних симплексом є трикутник, і метод — це схема пошуку, який порівнює значення функції в трьох вершинах трикутника. Найгірша вершина, у якій функція $f(x, y, z)$ приймає найбільше значення, відкидається й замінюється новою

вершиною. Формується новий трикутник, і пошук триває. При цьому будується послідовність трикутників (вони можуть мати різну форму), значення функції у вершинах якої стають усе менше й менше. Зменшується розмір трикутника, і координати крапки мінімуму знайдені.

У формулюванні алгоритму використовується термін "симплекс" (узагальнений N -мірний трикутник). З його допомогою перебуває мінімум функції від N змінних. Він ефективний і компактний при обчисленні.

4.3 Створення цільової функції n -резонансної кривої

Залежність активної частини провідності від частоти в загальному виді описується для n -резонансної кривої як (рис. 3.1):

$$G(\omega) = \sum_n \frac{R_n}{R_n^2 + \left(\omega \cdot L_n - \frac{1}{\omega \cdot C_n} \right)^2}. \quad (4.1)$$

де $G(\omega)$ – активна частина провідності контуру;

R_n – активний опір n -го елемента;

L_n – індуктивність n -го елемента;

C_n – ємність n -го елемента.

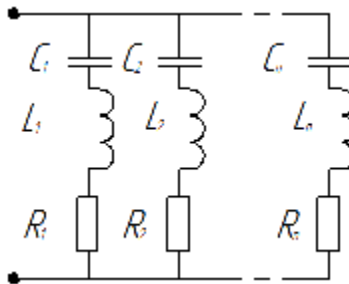


Рисунок 4.1 – Еквівалентна n - контурна схема

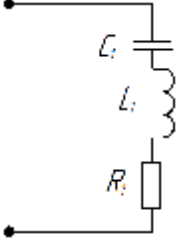
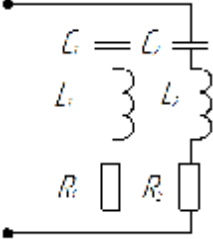
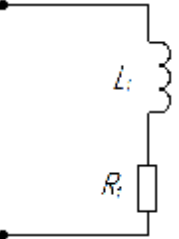
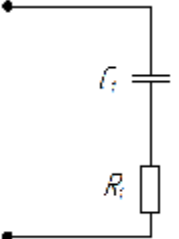
4.4 Хід роботи

4.2.1 Створити цільову функцію за методикою наведеною у п. 4.3. Фіксація значень опору, та ємності задається викладачем. Різновиди схем резонансних контурів наведені у табл. 4.1.

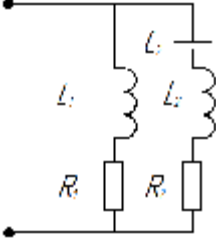
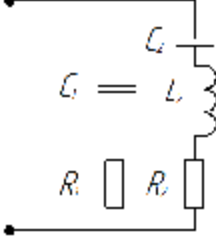
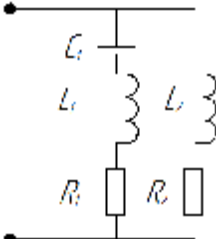
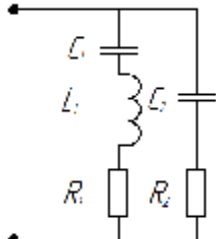
4.2.1. Визначити максимальне значення цільової функції за допомогою метода Нелдера-Мида.

4.2.3. Оформити звіт з лабораторної роботи.

Таблиця 4.1 – Варіанти завдань

варіант №1 	варіант №2 
варіант №3 	варіант №4 

Продовження таблиці 4.1

варіант №5 	варіант №6 
варіант №7 	варіант №8 

4.5 Приклад алгоритму розрахунку

Програма розрахунку виконується у середовищі MatLAB за допомогою створення m-файлу.

Початкові данні: $f(x,y) = \frac{x-y}{x^2+y^2+2}$; (1;2), (2;0) и (2;2).

```
function z=F(V1)
```

```
z=0;
```

```
x=V1(1);
```

```
y=V1(2);
```

```
z=(x-y)./(x.^2+y.^2+2);
```

Функція для трьох змінних визначається наступним чином:

```
function e=F(V1)
```

```
z=V1(1);
```

```

x=V1(1);
y=V1(1);
e=[2*x.^2+2*y.^2+z.^2-2*x.*y+y.*z-7*y-4*z];

```

```

function [V0,y0,dV,dy]=nedler(V,mini,maxi,epsilon,show)
    if nargin==5
        show=0;
    end
    [mm,n]=size(V);
    for j=1:n+1
        Z=V(j,1:n);
        Y(j)=feval(@F,Z);
    end
    [mm,lo]=min(Y);
    [mm,hi]=max(Y);
    li=hi;
    ho=lo;
    for j=1:n+1
        if(j~=lo) && (j~=hi) && (Y(j)<=Y(li))
            li=j;
        end
        if(j~=hi) && (j~=lo) && (Y(j)>=Y(ho))
            ho=j;
        end
        cnt=0;
        % begin
        while((Y(hi)>Y(lo)+epsilon) && (cnt<maxi)|| (cnt<mini))
            S=zeros(1,1:n);
            for j=1:n+1
                S=S+V(j,1:n);
            end
            M=(S-V(hi,1:n))/n;
            R=2*M-V(hi,1:n);
            yR=feval(@F,R);
            if(yR<Y(ho))
                if(Y(li)<yR)
                    V(hi,1:n)=R;
                    Y(hi)=yR;
                else

```

```

E=2*R-M;
yE=feval(@F,E);
if(yE<Y(li))
    V(hi,1:n)=E;
    Y(hi)=yE;
else
    V(hi,1:n)=R;
    Y(hi)=yR;
end
end
else
    if (yR<Y(hi))
        V(hi,1:n)
        Y(hi)=yR;
    end
    C=(V(hi,1:n)+M)/2;
    yC=feval(@F,C);
    C2=(M+R)/2;
    yC2=feval(@F,C2);
    if(yC<Y(hi))
        V(hi,1:n)=C;
        Y(hi)=yC;
    else
        for j=1:n+1
            if (j~=lo)
                V(j,1:n)=(V(j,1:n)+V(lo,1:n))/2;
                Z=V(j,1:n);
                Y(j)=feval(@F,Z);
            end
        end
    end
end
[mm,lo]=min(Y);
[mm,hi]=max(Y);
li=hi;
ho=lo;
for j=1:n+1
    if(j~=lo)&&(j~=hi)&&(Y(j)<=Y(li))
        li=j;
    end
    if(j~=hi)&&(j~=lo)&&(Y(j)>=Y(ho))

```

```

        ho=j;
    end
end
cnt=cnt+1;
P(cnt,:)=V(lo,:);
Q(cnt)=Y(lo);
end
snorm=0;
for j=1:n+1
    s=norm(V(j)-V(lo));
    if(s>=snorm)
        snorm=s;
    end
end
Q=Q';
V0=V(lo,1:n);
y0=Y(lo);
dV=snorm;
dy=abs(Y(hi)-Y(lo));
if(show == 1)
    disp(P);
    disp(Q);
end

```

4.6 Контрольні запитання

- 1.Надайте визначення локального мінімуму та локального максимум функції $f(x,y)$;
- 2 Критерій другої похідної функції $f(x,y)$;
3. Особливості методу Нелдера-Мида.

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА 5

ОПТИМІЗАЦІЯ ПАРАМЕТРІВ ЕКВІВАЛЕНТНОГО КОЛА "ІНДУКТОР – N-РЕЗОНАНСНИЙ КОНТУР" МЕТОДОМ НАЙШВИДШОГО СПУСКУ

Мета роботи: Освоїти та реалізувати алгоритм оптимізації цільової функції одно - та багато резонансних контурів методом найшвидшого спуску.

5.1. Короткі теоретичні відомості

Звернемося до мінімізації функції $f(X)$ від N змінних, де $X = (x_1, x_2, \dots, x_N)$. Градієнт $f(X)$ — це вектор (векторна функція), визначений як:

$$\text{grad}(f_1, f_2, \dots, f_N), \quad (5.1)$$

де частинна похідні $f_k = \partial f / \partial x_k$ обчислюються в точці X .

Градієнт (5.1) указує напрямок найбільшої швидкості зростання функції $f(X)$. Отже, $-\text{grad } f(X)$ указує напрямок найбільшого убуття.

Пошук починається із точки P_0 уздовж лінії, що проходить через P_0 у напрямку

$$S_0 = -G / \|G\|,$$

де $G = \text{grad } f(P_0)$.

При знаходженні точки P_1 , де перебуває локальний мінімум, точка X змушена буде потрапити на лінію $X = P_0 + ts_0$. Потім можна обчислити $G = \text{grad } f(P_1)$ і рухатися в напрямку $S_1 = -G / \|G\|$. При знаходженні точки P_2 , крапка X змушена буде потрапити на лінію $X =$

$P_1 + ts_1$. Ітерація породжує послідовність точок $\{P_k\}$, що володіють властивістю

$$f(P_0) > f(P_1) > \dots > f(P_k) > \dots \quad (5.2)$$

Якщо $\lim_{k \rightarrow \infty} P_k = P$, то $f(P)$ буде локальним мінімумом для $f(X)$.

Схема методу градієнта

Припустимо, що послідовність точок P_k отримана.

Крок 1. Обчислення градієнта $G = \text{grad } f(P_k)$.

Крок 2. Визначення напрямку пошуку $S = -G / \|G\|$.

Крок 3. Визначається єдиний параметр мінімізації $\Phi(t) = f(P_k + ts)$ на інтервалі $[0, b]$, де $t = h_{min}$. Для $\Phi(t)$ перебуває локальний мінімум. Співвідношення $\Phi(h_{min}) = f(P_k + h_{mins})$ визначає мінімум для $f(X)$ уздовж обраної лінії $X = P_k + h_{mins}$.

Крок 4. Побудова наступних крапок $P_{k+1} = P_k + h_{mins}$.

Крок 5. Визначається критерій достатньої мінімізації, тобто чи досить близькі значення функції $f(P_k)$ і $f(P_{k+1})$ і чи досить мала відстань $\|P_{k+1} - P_k\|$.

5.2 Хід роботи

5.2.1. Визначити максимальне значення цільової функції резонансного контуру за своїм варіантом, використовуючи метод найшвидшого спуску. Завдання виконується для трьох змінних.

5.2.2. Оформити звіт з лабораторної роботи.

5.3 Приклад алгоритму розрахунку

Програма розрахунку виконується у середовищі MatLAB за допомогою створення m-файлу.

Початкові данні: $f(x,y) = x^3 \frac{x-y}{x^2+y^2+2}$;

Часткові похідні: $\frac{dz}{dx} = \frac{-x^2+2*x*y+y^2+2}{(x^2+y^2+2)^2}$ $\frac{dz}{dy} = \frac{-x^2-2*x*y+y^2-2}{(x^2+y^2+2)^2}$,

$P_0 = (1; 2)$.

Функція для двох змінних визначається наступним чином

```
function z=G(V)
z=zeros(1,2);
x=V(1); y=V(1);
g=[(-x.^2+2*x*y+y.^2+2)/(x.^2+y.^2+2).^2 (-x.^2-2*x*y+y.^2-2)/
(x.^2+y.^2+2).^2];
z=-(1/norm(g))*g;
```

Алгоритм програми:

```
function [P0,y0,err]=grads(P0,maxi,delta,epsilon,show)
if nargin == 5
    show=0;
end
[mm n]=size(P0);
maxj=10;
big=1e8;
h=1;
P=zeros(maxj,n+1);
len=norm(P0);
y0=feval(@F,P0);
if len>1e4
    h=len;
end
err=1;
cnt=0;
cond=0;
P(cnt+1,:)=P0 y0];
while(cnt<maxi) && (cond~=5) && ((h>delta) || (err>epsilon))
    % direct search beginning
    S=feval(@G,P0);
    P1=P0+h*S;
    P2=P0+2*h*S;
    y1=feval(@F,P1);
    y2=feval(@F,P2);
    cond=0;
    j=0;
```

```

while (j<maxi) && (cond == 0)
    len=norm(P0);
    if(y0<y1)
        P2=P1;
        y2=y1;
        h=h/2;
        P1=P0+h*S;
        y1=feval(@F,P1);
    else
        if (y2<y1)
            P1=P2;
            y1=y2;
            h=2*h;
            P2=P0+2*h*S;
            y2=feval(@F,P2);
        else
            cond=-1;
        end
    end
    j=j+1;
    if(h<delta)
        cond=1;
    end
    if(abs(h)>big) || (len>big)
        cond=5;
    end
end
if (cond==5)
    Pmin=P1;
    ymin=y1;
else
    d=4*y1-2*y0-2*y2;
    if(d<0)
        hmin=h*(4*y1-3*y0-y2)/d;
    else
        cond=4;
        hmin=h/3;
    end
    Pmin=P0+hmin*S;
    ymin=feval(@F,Pmin);
    h0=abs(hmin);

```

```

h1=abs(hmin-h);
h2=abs(hmin-2*h);
if(h0<h)
    h=h0;
end
if(h1<h)
    h=h1;
end
if(h2<h)
    h=h2;
end
if(h==0)
    h=hmin;
end
if(h<delta)
    cond=1;
end
e0=abs(y0-ymin);
e1=abs(y1-ymin);
e2=abs(y2-ymin);
if (e0~=0) && (e0<err)
    err=e0;
end
if (e0 && e1 < err)
    err=e1;
end
if (e2~=0) && (e2<err)
    err=e2;
end
if (e0==0) && (e1==0) && (e2==0)
    err=0;
end
if (err<epsilon)
    cond=2;
end
if(cond == 2) && (h < delta)
    cond=3;
end
end
cnt=cnt+1;
P(cnt+1,:)= [Pmin ymin];

```

```
P0=Pmin;  
Y0=ymin;  
end  
if show == 1  
    disp(P);  
end  
end
```

5.4 Контрольні запитання

- 1.Надайте визначення локального мінімуму та локального максимум функції $f(x,y)$;
- 2 Критерій другої похідної функції $f(x,y)$;
3. Особливості методу найшвидшого спуску.

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА 6

ВИВЧЕННЯ МЕТОДІВ ОПТИМІЗАЦІЇ ЗА ДОПОМОГОЮ ЗАСОБІВ OPTIMIZATION TOOLBOX MATLAB

Мета роботи: вивчити та освоїти можливості пакету optimization toolbox програмного засобу MatLAB.

6.1 Короткі теоретичні відомості

В Matlab існує багато методів мінімізації як одномірних (*fminbnd*), так і багатомірних (*fminsearch*, *lsqnonlin*, *fminmax*, *fminunc*, *fmincon*) функцій, які реалізують різні чисельні методи.

У функції *fminsearch* використовується метод Нелдера-Мида. Перевагою цієї функції є можливість її використання для негладких і розривних цільових функцій.

Форма звертання до цієї функції має вигляд:

$$\mathbf{x} = \text{fminsearch}(\text{fun}, \mathbf{x}_0, \text{options}, \mathbf{p}_1, \mathbf{p}_2, \dots). \quad (6.1)$$

У тому випадку, коли функція є досить гладкої, для пошуку її мінімуму можна скористатися процедурою *fminunc*. Дана функція реалізує метод Ньютона.

Функція *lsqnonlin* застосовується в тих випадках, коли цільова функція має вигляд:

$$F = 1/2 \cdot \sum f_i^2. \quad (6.2)$$

У цьому випадку градієнт $\mathbf{g}$ і гессіан $\mathbf{H}$ функції F виражаються через якобіан $\mathbf{J}$ вектор-функції $\mathbf{f} = [f_1, f_2, \dots, f_m]'$:

$$\mathbf{g} = \mathbf{J}' \mathbf{f}; \quad (6.3)$$

$$\mathbf{H} = \mathbf{J}' \mathbf{J} + \mathbf{R}. \quad (6.4)$$

Залишковий член R включає другі похідні від F , але в околиці мінімуму їм звичайно зневажають у порівнянні з $J' \times J$. Це дає можливість не обчислювати другі похідні, що значно прискорює роботу з порівнянням із загальним випадком.

Система рівнянь для відшукування вектора зрушення $H \times p = -g$ при заміні H на $J' \times J$ перетворюється в $J' \times J \times p = -J' \times f$. Цей спосіб називається методом Гаусса-Ньютона.

У методі Левенберга-Марквардта матриця $J' \times J$ у лівій частині системи рівнянь замінюється на $J' \times J + \lambda \times I$, де I - одинична матриця, а λ - деяке від'ємне число. Для вектора зсуву задається обмеження $|p| < \Delta$, де Δ і λ взаємозалежні.

В функції *Isqnonlin* застосовуються обидва метода: метод Гаусса-Ньютона й Левенберга-Марквардта.

У зверненні до $x = \text{lsqnonlin}(\text{fun}, x_0)$ мінімізується сума квадратів компонент вектора - стовпця, який виробляє функція fun (це може бути також матриця). Другий аргумент x_0 - стартова точка для пошуку.

При використанні функції *Isqnonlin*, у якій цільова функція є згорток вектора, можна задавати обмеження. Для функції *Isqnonlin* доступні тільки найпростіші обмеження типу $lb \leq x \leq ub$. Звертання до функції *Isqnonlin* у цьому випадку має вигляд:

$$x = \text{lsqnonlin}(\text{fun}, x_0, lb, ub, \text{options}, p_1, p_2, \dots) \quad (6.5)$$

Функція *Isqnonlin* може повернути досить багато вихідних параметрів:

[x, resnorm, residual, e_flag, inform, lambda, jacobian] = lsqnonlin(...)

Вихідних аргументів:

x – вектор-розв'язок;

resnorm – значення цільової функції в знайдений точці;

residual - компоненти функції fun(x) у знайдений точці;

e_flag - e_flag=1 - розв'язок системи знайдений, e_flag=0 - розв'язок системи не знайдений, e_flag=-1 - досягнутий мінімум не є розв'язком системи;

inform – містить три поля:

iterations - кількість ітерацій, виконаних при пошуку кореня;

funccount - кількість звертань до функції fun;

algorithm - найменування алгоритму, використаного для знаходження кореня;

lambda - вектор множників Лагранжа;

jacobian – якобіан функції *fun* у знайдений точці.

До функції *Isqnonlin* ідейно близька функція *fminimax*, в обох скалярна цільова функція не задається безпосередньо у зверненні, а формується шляхом згортки з компонентів вектора (або матриці), переданого функції. В *Isqnonlin* мінімізується сума квадратів компонент, а в *fminimax* - максимальний компонент. Алгоритм, реалізований в *fminimax*, багаторазово використовує квадратичне програмування, а також пошук за допомогою градієнта й гесіана.

Усі функції оптимізації включають у списку своїх вхідних параметрів перелік властивостей, що впливають на хід ітераційних процесів. Ці властивості представлені структурою *options*, поля якої формуються за допомогою функції *optimset*. Завдання значення будь-якої властивості проводиться парою параметрів функції *optimset*, перший з яких представляє найменування властивості, а другий - його значення:

$$\text{options} = \text{optimset}(\text{'name1'}, \text{vall}, \text{'name2'}, \text{val2}, \dots); \quad (6.6)$$

$$\mathbf{x} = \text{fxxx}(\text{fun}, \mathbf{x}_0, \dots, \text{options}, \mathbf{p}_1, \mathbf{p}_2, \dots) \quad (6.7)$$

Перед вхідним параметром *options* може розташовуватися деяка кількість вхідних параметрів, перелік яких для кожної функції оптимізації індивідуальний.

Параметри $\mathbf{p}_1, \mathbf{p}_2, \dots$, розташовувані слідом за структурою *options*, передаються оптимізованій функції разом з незалежним аргументом $\mathbf{x}$ – *fun*($\mathbf{x}, \mathbf{p}_1, \mathbf{p}_2, \dots$). У табл. 6.1 наведений список параметрів, керуючих процесом знаходження мінімуму функцій.

6.2 Хід роботи

6.2.1. Вивчити особливості користування пакету *optimization toolbox* програмного засобу MatLAB.

Таблиця 4.1. Перелік параметрів, які керують процесом пошуку мінімуму функції

MaxFunEvals	максимальна кількість звернень до функції fun
MaxIter	максимальна кількість ітерацій
TolFun	припинення ітерацій при досягненні точності по значенню функції
TolX	припинення ітерацій при досягненні мінімального кроку по X

6.2.2 Відповідно свого індивідуального завдання створити цільові функції для застосування методів оптимізації.

6.2.3 Визначити оптимальні значення цільової функції методом Нелдера-Мида застосовуючи функцію *fminsearch*.

6.2.4. Визначити оптимальні значення цільової функції метод Гаусса-Ньютона и Левенберга-Марквардта, застосовуючи функцію *lsqnonlin*.

6.2.5. Провести порівняльний аналіз двох методів оптимізації при заданій точності $1e-3$, $1e-5$ та $1e-10$ за критеріями: кількість ітерацій та час розрахунку.

6.3 Контрольні запитання

1. Чим, та в яких умовах застосовуються методи оптимізації Нелдера-Мида та Гаусса-Ньютона и Левенберга-Марквардта?

2. У якій формі має вигляд цільова функція при застосуванні метода Нелдера-Мида?

3. У якій формі має вигляд цільова функція при застосуванні метода Гаусса-Ньютона та Левенберга-Марквардта.

4. Який метод має найменшу кількість ітерації та час розрахунку?

РЕКОМЕНДОВАНА ЛІТЕРАТУРА

Основна література

1. Реклейтис, Г. Оптимизация в технике [Текст] / Г. Реклейтис, А. Рейвиндран, К. Рэгедел. М: Мир, 1986. – 351с. (рос. мовою).
2. Черногудский, И.Г. Методы оптимизации в теории управления [Текст] / И.Г. Черногудский. - СПб.: Питер, 2004. – 256с. (рос. мовою).
3. Бойко И.В. Методы и алгоритмы решения задач оптимизации [Текст] / И.В. Бойко, Б.Н. Бублик, П.Н. Зинько – К.: Вища школа. Головное изд-во, 1983 – 512с. (рос. мовою)
4. Сухарев, А.Г. Курс методов оптимизации [Текст] / А.Г. Сухарев, А.В. Тимохов, В.В. Федоров, М.: ФИЗМАТЛИТ, 2005. – 368с. (рос. мовою)
5. Банди, Б. Методы оптимизации [Текст] / Б. Банди. – М.: Радио и связь, 1988-128с. (рос. мовою)
6. Акулич, И.Л. Математическое программирование в примерах и задачах [Текст] / И.Л. Акулич. М.: Высш. школа, 1986. – 319с. (рос. мовою).
7. Руденко, В.С. Преобразовательная техника [Текст] / В.С. Руденко, В.И. Сенько, И.М. Чиженко. – Киев: Вища школа, 1983. – 431с. (рос. мовою).
8. Шавьолкін, О.О. Перетворювальна техніка: навчальний посібник / О.О. Шавьолкін, О.М.Наливайко. – Краматорськ: ДДМА, 2008. - 326с. (рос. мовою)
9. Дашенко, А. Ф. MATLAB в инженерных и научных расчетах [Текст] / А. Ф. Дашенко, В. Х. Кириллов, Л. В. Коломиец, В. Ф. Орбей. – Одесса: Астропринт, 2003. – 210с. (рос. мовою).

Додаткова література

1. Андриенко, П. Д. Анализ термической стойкости изоляции асинхронного двигателя с фазным ротором при разных способах управления [Текст] / П. Д. Андриенко, И. М. Коцур, М. И. Коцур // Електротехнічні та комп'ютерні системи. – 2011. – №3(79). – С. 420 – 422.
2. Коцур, М.И. Повышение энергоэффективности схемы импульсного регулирования в цепи выпрямленного тока ротора

[Текст] / М. И. Коцур // Електромеханічні і енергозберігаючі системи. –2011. – №2(14). – С. 86-89.

3. Коцур, М. И. Особенности выбора балластного сопротивления для схемы импульсного регулирования в цепи выпрямленного тока ротора [Текст] / М. И. Коцур // Електротехнічні та комп'ютерні системи. –2011. – №4(80). – С. 56 – 61.

4. Коцур, М. И. Оценка ресурса системы изоляции управляемого асинхронного двигателя с фазным ротором в подсинхронном диапазоне частоты вращения ротора [Текст] / М. И. Коцур, П. Д. Андриенко, И. М. Коцур // Восточно-Европейский журнал передовых технологий. –2011. – №5/8(53). – С. 41 – 45.

5. Коцур, М. И. Особенности режимов работы модифицированной системы импульсного регулирования асинхронного двигателя с фазным ротором [Текст] / М. И. Коцур, П. Д. Андриенко, И. М. Коцур // Електромеханічні і енергозберігаючі системи. – 2012. – №3(19). – С. 163 – 165.

6. Коцур, М.И. Оценка теплового состояния изоляции асинхронного двигателя с фазным ротором с модифицированной системой импульсного регулирования [Текст] / М.И. Коцур // Електротехніка та електроенергетика. – 2013. – №1. – С.31-36.

7. Коцур, М.И. Тепловое состояние асинхронного двигателя при пониженных скоростях вращения [Текст] / М.И. Коцур // Восточно-Европейский журнал передовых технологий. – 2013. – №2/8(62). – С.8-10.

8. Коцур, М. И. Сравнительный анализ энергоэффективности систем регулирования асинхронного двигателя с фазным ротором [Текст] / М. И. Коцур, П. Д. Андриенко, И. М. Коцур // Ползуновский вестник. – 2013. – №4-2. – С.114-120.

9. Коцур, М. И. Особенности ударного теплового воздействия на асинхронный двигатель с модифицированной системой импульсного регулирования в условиях частых пусков [Текст] / М. И. Коцур // Електротехніка та електроенергетика. – 2014. – №1. – С. 32 – 36.

10. Андриенко, П. Д. Энергоэффективное торможение противовключением электроприводов на базе асинхронных двигателей с фазным ротором [Текст] / П. Д. Андриенко, Д. С. Андриенко, М. И. Коцур, С. В. Калужный // Електротехнічні та комп'ютерні системи. – 2014. – №15(91). – С. 89 – 91.

11. Андриенко, Д. С. Преобразователь для электропривода согласованного вращения асинхронных двигателей с фазным ротором. [Текст] / Д. С. Андриенко, П. Д. Андриенко, М. И. Коцур, И. М. Коцур // Энергосбережение, Энергетика, Энергоаудит. – 2014. – №9(128). – Т.2. – С. 37 – 42.

12. Коцур, М. И. Повышение эффективности режима торможения противовключением асинхронного двигателя с фазным ротором [Текст] / М. И. Коцур, И. М. Коцур, А. В. Близняков // Восточно-Европейский журнал передовых технологий. – 2015. – №1/8(73). – С.27-30. DOI: <http://dx.doi.org/10.15587/1729-4061.2015.36670>

13. Kotsur, M. Impulse-controlled system for matched rotation of induction motors [Text] / M. Kotsur, P. Andrienko, O. Bliznyakov, A. Andrienko, D. Andrienko // Electrotechnic and Computer Systems. – 2015. – № 19 (95). – С. 14 – 17.

14. Андриенко, П. Д. Особенности построения энергоэффективной системы регулирования приводов электротехнических комплексов [Текст] / П. Д. Андриенко, М. И. Коцур, Д. А. Кулагин // Современная наука – обществу XXI века: коллективная монография / под ред. И. Н. Титаренко. – Ставрополь: Логос. – 2015. – Гл. 3. – С. 48 – 65. – ISBN 978-5-905519-13-0.

15. Коцур, М. И. Регулируемый асинхронный электропривод с улучшенными характеристиками [Текст] / М. И. Коцур, А. А. Андриенко, Д. С. Андриенко, О. В. Немыкина // Електротехнічні та комп'ютерні системи. – 2016. – №22(98). – С. 74 – 78.

16. Коцур, М. И. Определение оптимальной частоты коммутации вентилей преобразователя по схеме частотно-токового асинхронно-вентильного каскада [Текст] / М. И. Коцур, И. М. Коцур, А. А. Андриенко, Д. С. Андриенко // Електротехніка та електроенергетика. – 2016. – №1. – С. 5 – 11.

17. Kotsur, M. Synchronization methods of the induction motors rotation in energy-efficient electric drive system [Text] / M. Kotsur // Fundamental and Applied Studies in the Modern World: papers and commentaries / The University of Oxford. – Oxford. – 2016. – Volume XV. – P. 384-389.

18. Яримбаш, Д. С. Особенности трехмерного моделирования электромагнитных полей асинхронного двигателя [Текст] / Д. С. Яримбаш, М. И. Коцур, С. Т. Яримбаш, И. М. Коцур // Електротехніка

та електроенергетика. – 2016. – №2. – С. 43 – 50. DOI: <http://dx.doi.org/10.15588/1607-6761-2016-2-5>

19. Коцур, М. И. Повышение эффективности электропривода вентиляторных установок [Текст] / М. И. Коцур, И. М. Коцур, Н. С. Иваницкий, Д. А. Кравченко, В. Г. Савельев // Електротехнічні та комп'ютерні системи. – 2017. – №25(101). – С. 9 – 16. DOI: <http://dx.doi.org/10.15276/eltecs.25.101.2017.01>

20. Yarymbash, D. A New Simulation Approach of the Electromagnetic Fields in Electrical Machines [Text] / D. Yarymbash, M. Kotsur, S. Subbotin, A. Oliinyk // IEEE: The International Conference on Information and Digital Technologies, July 5th - 7th, 2017: Catalog Number CFP17CDT-USB. - Slovakia, 2017. - p. 452-457.

21. Ярымбаш, Д. С. Особенности определения параметров схемы замещения асинхронного двигателя для режима короткого замыкания [Текст] / Д. С. Ярымбаш, М. И. Коцур, С. Т. Ярымбаш, И. М. Коцур // Електротехніка та електроенергетика. – 2017. – №1. – С. 24 – 30. DOI: <http://dx.doi.org/10.15588/1607-6761-2017-1-4>.

22. Kotsur, M.I. Converter for frequency-current slip-power recovery scheme [Text] / M.I. Kotsur, P.D. Andrienko, I. M. Kotsur, O.V. Bliznyakov // Naukovyi Visnyk Natsionalnoho Hirnychoho Universytetu. – 2017. - №4. – P. 49-54.

23. Kotsur, M. A New Approach of the Induction Motor Parameters Determination in Short-Circuit Mode by 3D Electromagnetic Field Simulation [Text] / M. Kotsur, D. Yarymbash, S. Yarymbash, I. Kotsur // [International Young Scientists Forum on Applied Physics and Engineering \(YSF\)](#), October 17th - 20th, Lviv, Ukraine, 2017. - P. 207-210.

24. Kotsur, M. I. Increasing of Thermal Reliability of a Regulated Induction Motor in Non-Standard Cycle Time Conditions [Text] / M. I. Kotsur, I.M. Kotsur, Yu. Bezverkhnia, D. Andrienko // IEEE: International Conference on Modern Electrical and Energy Systems (MEES), November 15th - 17th 2017. - Kremenchuk, Ukraine, 2017.- P. 88-91.

25. Дивчук, Т. Е. Подход к определению токов холостого хода силовых трехфазных трансформаторов с плоскими стержневыми магнитными системами [Текст] / Т. Е. Дивчук, Д. С. Ярымбаш, С. Т. Ярымбаш, И. М. Килимник, И. М. Коцур, Ю. С. Безверхняя // Електротехніка та електроенергетика. – 2017. – № 2. – С. 56-66. – Режим доступа : DOI : [10.15588/1607-6761-2017-2-6](http://dx.doi.org/10.15588/1607-6761-2017-2-6).

26. Kotsur, M. Speed Synchronization Methods of the Energy-Efficient Electric Drive System for Induction Motors [Text] / M. Kotsur, D. Yarymbash, I. Kotsur, Yu. Bezverkhnya // IEEE: 14th International Conference on Advanced Trends in Radioelectronics, Telecommunications and Computer Engineering (TCSET), February 20-24 2018. - Lviv-Slavske, Ukraine, 2018 (processing).

27. Yarymbash, D. An Application of Scheme and Field Models for Simulation of Electromagnetic Processes of Power Transformers [Text] / D. Yarymbash, M. Kotsur, S. Yarymbash, I. Kilimnik, T. Divchuk // IEEE: 14th International Conference on Advanced Trends in Radioelectronics, Telecommunications and Computer Engineering (TCSET), February 20-24 2018. - Lviv-Slavske, Ukraine, 2018 (processing).

28. Ярымбаш, Д.С. Особенности определения параметров электрической схемы замещения печной петли печи графитации переменного тока [Текст] / Д.С. Ярымбаш, И.М. Килимник, С.Т. Ярымбаш // Електротехніка та електроенергетика. – 2010. - №2. – С. 36 – 43.

29. Ярымбаш, Д.С. Особенности электротепловых режимов главных шинных пакетов секций печей графитации переменного тока [Текст] / Д.С. Ярымбаш, С.Т. Ярымбаш, И.М. Килимник // Електротехніка та електроенергетика. – 2011. – №1. – С. 64 – 69.

30. Ярымбаш, Д.С. Особенности измерения переменного тока в токоподводах печей графитации [Текст] / Д.С. Ярымбаш // Електротехніка та електроенергетика. – 2005. - №1. – С. 74 – 76.

31. Ярымбаш, Д. С. Исследование электромагнитных и термоэлектрических процессов в печах графитации переменного и постоянного тока [Текст] / Д. С. Ярымбаш // Науковий вісник НГУ. – 2015. – №3. – С.95–102.

32. Ярымбаш, Д.С. Повышение энергоэффективности бокового шинопакета печей графитации переменного тока [Текст] / Д.С. Ярымбаш, С.Т. Ярымбаш // Технічна електродинаміка. Тематичний вип. Силова електроніка і енергоефективність. – 2011. - С. 229 – 233.

33. Ярымбаш, Д. С. Особенности моделирования электромагнитных процессов в индукторе калибра мундштука прессы [Текст] / Д. С. Ярымбаш, И. М. Килимник // Вісник кременчуцького

державного політехнічного університету. – 2007. – №4 (45). – Ч. 1. – С. 53–55.

34. Ярымбаш, Д. С. Особливості розподілення магнітних потоків у режимі неробочого ходу силових трансформаторів [Текст] / Д. С. Ярымбаш, С. Т. Ярымбаш, Т. Є. Дівчук, І. М. Кілімнік // Електротехніка та електроенергетика. - 2016. - № 2. - С. 5-12.

35. Ярымбаш, Д. С. Особливості визначення параметрів короткого замикання силових трансформаторів засобами польового моделювання [Текст] / Д. С. Ярымбаш, С. Т. Ярымбаш, Т. Є. Дівчук, І. М. Кілімнік // Електротехніка та електроенергетика. - 2016. - № 1. - С. 12-17.

36. Ярымбаш, Д. С. Динамическая адаптация схемных моделей короткой сети [Текст] / Д.С. Ярымбаш, И.М. Килимник, С.Т. Ярымбаш // Электротехника и электроэнергетика. – 2015. – № 2. - С. 65-70.

37. Yarymbash, D.S. On specific features of modeling electromagnetic field in the connection area of side busbar packages to graphitization furnace current leads [Text] / D.S.Yarymbash, A.M. Oleinikov // Russian Electrical Engineering. – 2015. - Vol.86. - Issue 2. – P. 86 – 92.

38. Ярымбаш, Д.С. Моделирование температурных режимов электротехнологической системы «индукторы - мундштук» на подготовительном этапе тура прессования [Текст] / Д.С. Ярымбаш, А.В. Тютюнник, О.Л. Загрудный // Электротехника и электроэнергетика. - Запорожье: ЗНТУ. - 2006. - № 1. - С. 56 - 60.

39. Дивчук, Т. Е. Особенности определения параметров силовых трансформаторов методами схемно-полевого моделирования [Текст] / Дивчук, Т. Е., Д. К. Мимоход, С. А. Кутилин, А. Е. Кузнецов, Ю. В. Гуразда, И. С. Сирых // Электротехника и электроэнергетика. – 2017. – № 1. - С. 61-70.

40. Yarymbash, D. Features of Defining Three-Phase Transformer No-Load Parameters by 3D Modeling Methods [Text] / D. Yarymbash, S. Yarymbash, I. Kilimnik, T. Divchuk, D. Litvinov // IEEE: International Conference on Modern Electrical and Energy Systems (MEES), November 15th - 17th 2017. - Kremenchuk, Ukraine, 2017. - P. 88-91.